

## Государственная (Итоговая) аттестация по МАТЕМАТИКЕ

## Тренировочный вариант № 24

**Инструкция по выполнению работы**  
Общее время экзамена — 235 минут.

**Характеристика работы.** Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1) и 6 заданий повышенного уровня (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — 8 заданий; в части 2 — 3 задания. Модуль «Геометрия» содержит 8 заданий: в части 1 — 5 заданий; в части 2 — 3 задания.

Модуль «Реальная математика» содержит 7 заданий: все задания — в части 1.

**Советы и указания по выполнению работы.** Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удается выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям. Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

Ответы сначала укажите на листах с заданиями экзаменационной работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1. Решения к заданиям части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов № 2.

Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля.

Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

**Как оценивается работа.** Баллы, полученные Вами за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них: не менее 3 баллов по модулю «Алгебра», не менее 2 баллов по модулю «Геометрия» и не менее 2 баллов по модулю «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 расположены по нарастанию сложности и оцениваются в 2, 3 и 4 балла.

**Желаем успеха!**

**Часть 1**

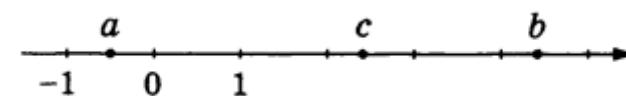
- Для заданий с выбором ответа из четырёх предложенных вариантов выберите один верный
  - В бланке ответов №1 поставьте знак «х» в клеточку, номер которой соответствует номеру выбранного Вами ответа.
  - Для заданий с кратким ответом полученный результат сначала запишите на листе с текстом работы после слова «Ответ». Если получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную
  - Перенесите ответ в бланк ответов №1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждый символ (цифру, знак минус, запятую или точку с запятой) пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений указывать не нужно.
  - Если при решении задания найдено несколько корней, запишите их (в любом порядке) в бланк ответов № 1, разделив точкой с запятой(;) .
- Ответом к заданиям является последовательность цифр. Перенесите цифры в бланк № 1 без пробелов, запятых и других символов.

**Модуль «Алгебра».**

1. Найдите значение выражения:  $(6,1 \cdot 10^{-2})(6 \cdot 10^{-4})$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

2. На координатной прямой отмечены числа  $a$ ,  $b$  и  $c$ .



Какая из разностей  $a - b$ ,  $a - c$ ,  $c - b$  положительна?

**Варианты ответа**

1.  $a - b$       2.  $a - c$       3.  $c - b$       4. ни одна из них

**3.** Расположите в порядке убывания:  $\frac{61}{100} \cdot 0,02; 0,11^2; \frac{3}{1000} + \frac{1}{50} + \frac{1}{10}$ .

**Варианты ответа**

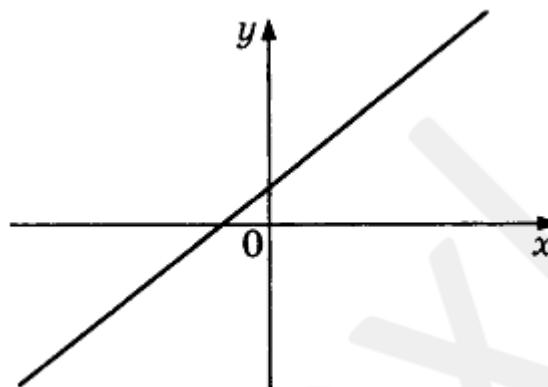
1.  $\frac{3}{1000} + \frac{1}{50} + \frac{1}{10}; 0,11^2; \frac{61}{100} \cdot 0,02.$  2.  $0,11^2; \frac{3}{1000} + \frac{1}{50} + \frac{1}{10}; \frac{61}{100} \cdot 0,02.$

3.  $\frac{3}{1000} + \frac{1}{50} + \frac{1}{10}; \frac{61}{100} \cdot 0,02; 0,11^2.$  4.  $\frac{61}{100} \cdot 0,02; 0,11^2; \frac{3}{1000} + \frac{1}{50} + \frac{1}{10}.$

**4.** Решите уравнение  $x^2 - 6x = 5x - 12 - x^2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**5.** На рисунке изображён график функции  $y = kx + b$ .



Каковы знаки коэффициентов  $k$  и  $b$ ?

**Варианты ответа**

1.  $k > 0, b > 0$     2.  $k > 0, b < 0$     3.  $k < 0, b > 0$     4.  $k < 0, b < 0$

**6.** Арифметическая прогрессия задана условиями  $c_1 = 5$ ,  $c_{n+1} = c_n - 1$ . Найдите  $c_3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**7.** Найдите значение выражения  $\left(x - \frac{2}{3} + \frac{1}{9x}\right) : \left(x - \frac{1}{9x}\right)$  при  $x = 3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**8.** Решите неравенство  $5x^2 - 11x - 5 < 7x^2$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Модуль «Геометрия».**

**9.** Найдите угол  $CDB$ , если вписанные углы  $ADB$  и  $ADC$  опираются на дуги окружности, градусные величины которых равны соответственно  $166^\circ$  и  $88^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**10.** К окружности, вписанной в треугольник  $ABC$ , проведены три касательные. Периметры отсечённых треугольников равны 10, 12, 7. Найдите периметр данного треугольника.

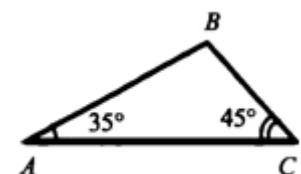
Ответ: \_\_\_\_\_.

**11.** Меньшая сторона прямоугольника равна 51, диагонали пересекаются под углом  $60^\circ$ . Найдите диагонали прямоугольника.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**12.** На основании данных рисунка найдите  $\angle B$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.



**13.** Какие из следующих утверждений верны?

1. В треугольнике  $ABC$ , для которого  $AB = 4$ ,  $BC = 5$ ,  $AC = 6$ , угол  $A$  наибольший.
2. Внешний угол треугольника больше каждого не смежного с ним внутреннего угла.
3. Каждая сторона треугольника меньше суммы двух других сторон.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Модуль «Реальная математика» .**

**14.** В таблице приведены нормативы по бегу на 30 м для учащихся 9 класса.

Оцените результат девочки, пробежавшей эту дистанцию за 5,22 с.

Отметка	Мальчики			Девочки		
	«5»	«4»	«3»	«5»	«4»	«3»
Время, с	4,6	4,9	5,3	5,0	5,5	5,9

**Варианты ответа**

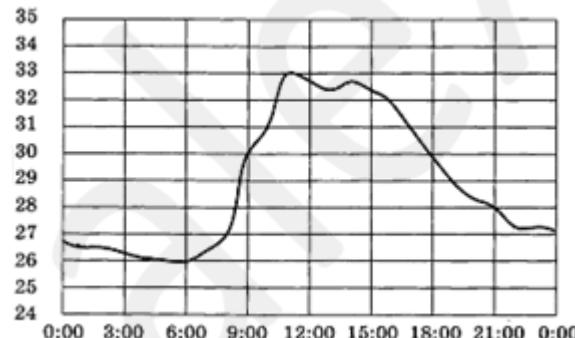
1. отметка «5»

2. отметка «4»

3. отметка «3»

4. норматив не выполнен

**15.** На рисунке ниже показано, как изменялась температура воздуха на протяжении одних суток. По горизонтали указано время суток, по вертикали – значение температуры в градусах Цельсия.



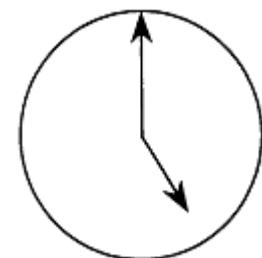
Найдите наибольшее значение температуры в первой половине дня. Ответ дайте в градусах Цельсия.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**16.** Городской бюджет составляет 68 млн. руб., а расходы на одну из его статей составили 22,5%. Сколько рублей потрачено на эту статью бюджета?

Ответ: \_\_\_\_\_.

**17.** Какой угол (в градусах) образуют минутная и часовая стрелки часов в 5 часов? Ответ дайте в градусах.

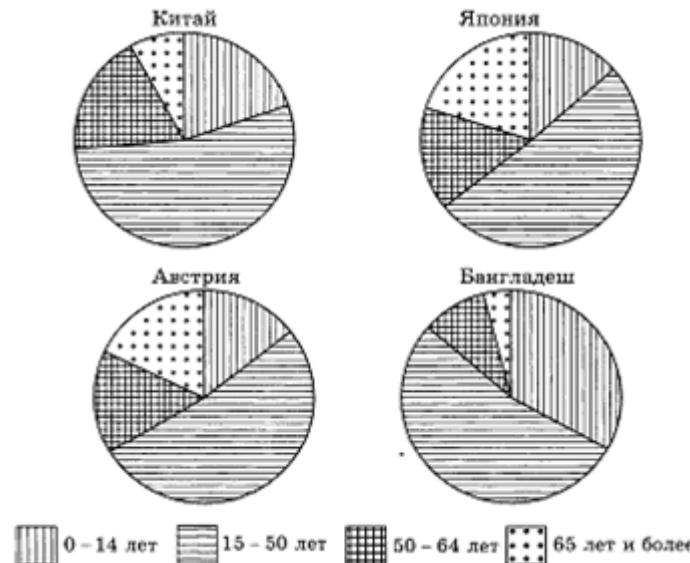


Ответ: \_\_\_\_\_.

**18.** Чтобы перевести значение температуры по шкале Цельсия в шкалу Фаренгейта, пользуются формулой  $F = 1,8C + 32$ , где  $C$  – градусы Цельсия,  $F$  – градусы Фаренгейта. Какая температура по шкале Фаренгейта соответствует 1 градусу по шкале Цельсия?

Ответ: \_\_\_\_\_.

**19.** На диаграмме показаны возрастные составы населения Китая, Японии, Австрии и Бангладеш.



Определите по диаграмме, в какой из стран доля населения от 0 до 14 лет превышает 25%.

#### Варианты ответов

1. Китай      2. Япония      3. Австрия      4. Бангладеш

**20.** В каждой пятой банке кофе согласно условиям акции есть приз. Призы распределены по банкам случайно. Галя покупает банку кофе в надежде выиграть приз. Найдите вероятность того, что Галя не найдёт приз в своей банке.

Ответ: \_\_\_\_\_.

#### Часть 2

При выполнении заданий 21–26 используйте бланк ответов №2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

#### Модуль «Алгебра» .

**21.** Выполните деление  $\frac{a}{ab - 5b^2} : \frac{5a^2}{a^2 - 10ab + 25b^2}$ .

**22.** Из  $A$  в  $B$  навстречу друг другу выехали одновременно два автобуса. Первый, имея вдвое большую скорость, проехал весь путь на 1 час быстрее 2-го. На сколько минут раньше произошла бы их встреча, если бы скорость 2-го увеличилась до скорости 1-го?

**23.** Постройте график функции  $y = \frac{(x^2 + x)|x|}{x + 1}$  и определите, при каких значениях  $c$  прямая  $y = c$  не имеет с графиком ни одной общей точки.

#### Модуль «Геометрия» .

**24.** Отрезок  $BE$  разбивает треугольник  $ABC$  на два подобных треугольника  $ABE$  и  $BEC$ , причём коэффициент подобия равен  $\sqrt{3}$ . Найти углы треугольника  $ABC$ .

**25.** В квадрате  $ABCD$  точки  $K$  и  $E$  – середины сторон  $AB$  и  $AD$  соответственно. Доказать, что  $KD$  перпендикулярна  $CE$ .

**26.** В треугольнике  $ABC$  периметр равен  $2p$ . Известно, что длина стороны  $AC$  равна  $a$ , а угол  $ABC$  равен  $\alpha < 90^\circ$ . Вписанная в треугольник  $ABC$  окружность имеет центр  $O$  и касается стороны  $BC$  в точке  $K$ . Найти площадь треугольника  $BOK$ .